



ZASTOSOWANIE KRYPTOGRAFII

PIOTR DOBOSZ



SSL (SECURE SOCKETS LAYER)

- Opracowany i wdrożony przez Netscape Communications Corporation w 1994 r.
- Zabezpiecza komunikację w Internecie
- Wymaga certyfikatu
- Zapewnia poufność przesyłanych danych

SSL/TLS (TRANSPORT LAYER SECURITY)

- Internet Engineering Task Force (IETF) w 1996 roku tworzy grupę TLS mającą rozwijać standard SSL
- TLS 1.0 głównie zorientowany na uwierzytelnianie serwera (nadbudowa wersji SSL 3)
- Kolejne wersje (TLS 1.1 i 1.2) dodają nowe zalecenia, np. co do długości kluczy, zalecanych algorytmów oraz rozwiązują problemy poprzednich wersji; obecnie zainaugurowane zostały prace nad wersją 1.3 (2018)

ALGORYTM SZYFROWANIA SSL

- SSL wykorzystuje zarówno symetryczne jak i asymetryczne algorytmy
- Pozwala na wykorzystanie się niemal w każdym protokole wymiany komunikacji (Telnet, SMTP, POP3/IMAP)
- Najczęściej stosowane są algorytmy: DH (Diffiego-Hellmana), DES, 3DES, AES, RSA

PODPROTOKOŁY SSL

- SSL Handshake – definiuje metody negocjowania parametrów bezpiecznej sesji, czyli algorytmów szyfrowania danych, algorytmów uwierzytelniania i integralności informacji
- SSL Change Cipher – protokół zmiany specyfikacji szyfru SSL
- SSL Alert Protocol – protokół alarmowy SSL
- SSL Record – definiuje format przesyłanych pakietów danych

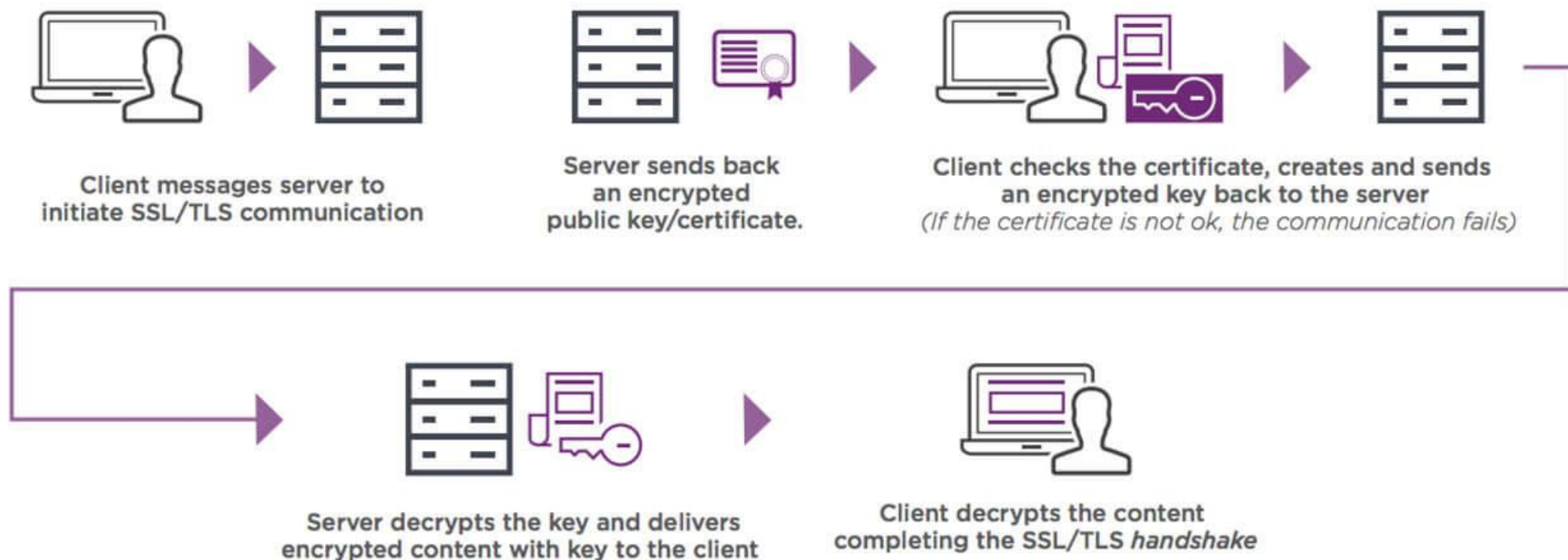
CERTYFIKAT SSL

- Nazwa domeny
- Okres ważności certyfikatu
- Szczegóły dotyczące urzędu certyfikacji (CA)
- Klucz publiczny i wersja SSL/TLS
- Algorytm klucza publicznego
- Algorytm podpisu certyfikatu

TYPY CERTYFIKATÓW

- DV (Domain Validation)- jest to najprostsza wersja certyfikatu SSL. Zabezpiecza ona transmisję danych w obrębie domeny oraz potwierdza jej autentyczność.
- OV (Organization Validation)- odpowiedni dla dużych sklepów internetowych, serwisów hotelowych czy też stron samorządowych.
- EV (Extended Validation)- Certyfikaty te zabezpieczają domenę, właściciela oraz wyświetlają zielony pasek startu. Używany jest do stron wrażliwych takich jak bankowość internetowa, czy strony posiadające delikatne informacje.

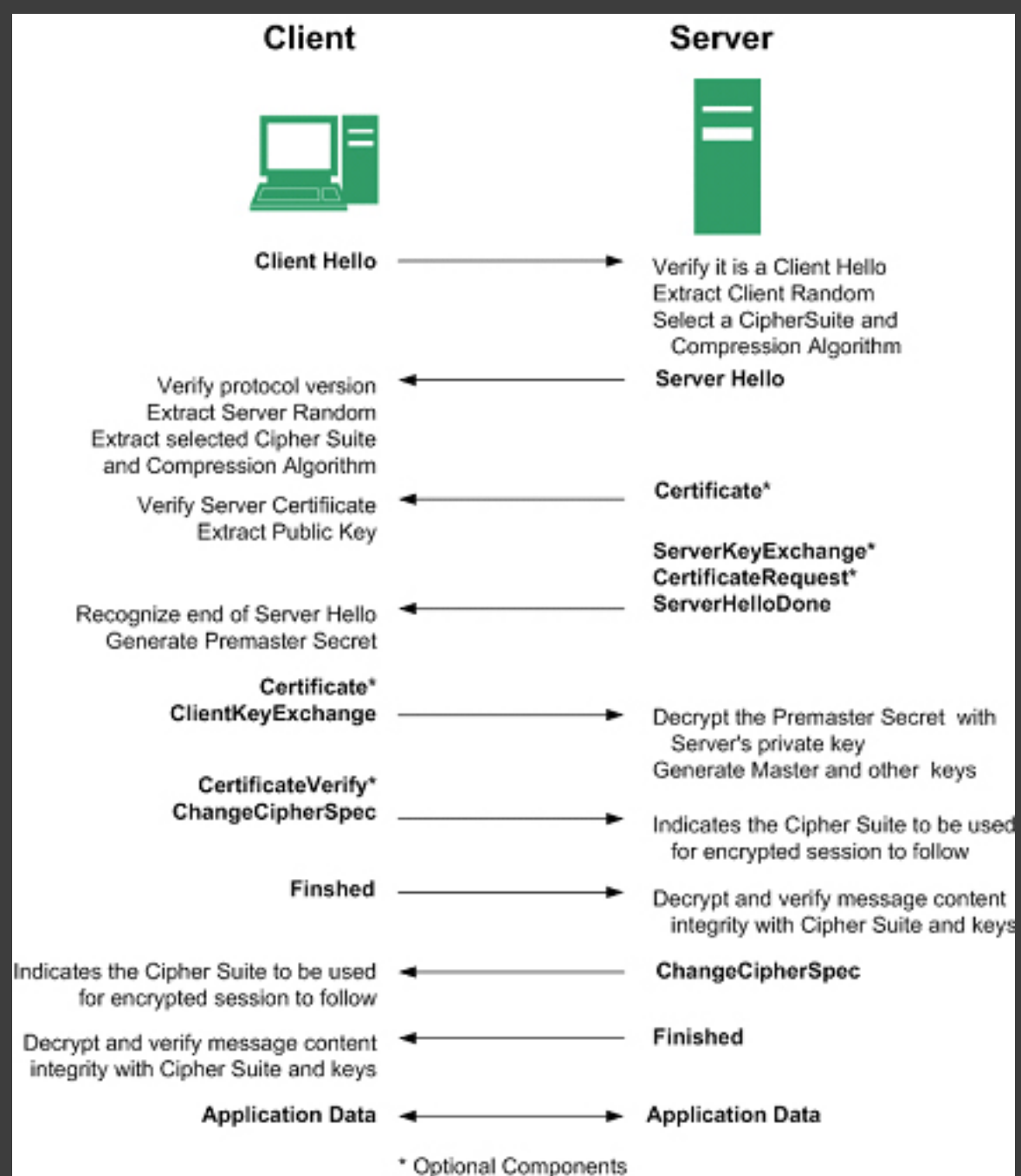
DZIAŁANIE SSL



https://www.entrust.com/-/media/entrust/resources/product-support/certificate-solutions/1258x489_how-ssl-certificates-work.jpg?la=en&hash=21C4AB8CF8CE8F9DAD70C19DC903DCB7

DZIAŁANIE SSL

- https://help.sonicwall.com/help/sw/eng/7030/25/9/0/content/images/SSL_Control_establishment.gif



SSH (SECURE SHELL)

- Grupa protokołów komunikacyjnych
- Służy bezpiecznemu strumieniowaniu danych pomiędzy dwoma węzłami
- Dbą o integralność oraz bezpieczeństwo przesyłanych danych
- Dostępny zarówno jako narzędzie komercyjne (oryginalne) oraz w wersji otwartoźródłowej (OpenSSH)

WERSJE SSH

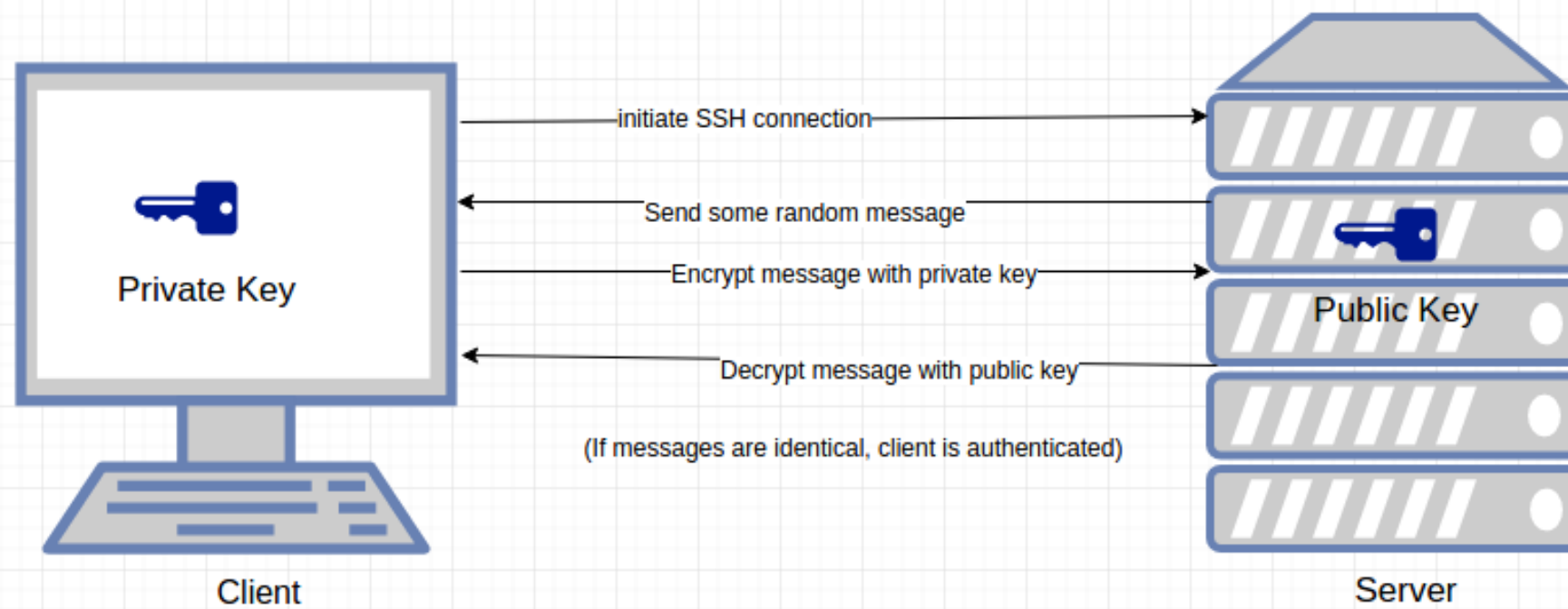
- SSH-1, pierwsza wersja, opracowana w 1995 roku na Technicznym Uniwersytecie Helsińskim przez Tatu Ylönen
- Pierwotnie freeware z grupą entuzjastów, wspierających rozwój narzędzia; późniejsza ewolucja w zamknięte oprogramowanie
- SSH-2 – niekompatybilna wersja z SSH-1. Opracowywane przez IETF (Internet Engineering Task Force). Odpowiedź na podatności wersji pierwszej (wstrzykiwanie komend w zaszyfrowany strumień)
- Wersja druga używa protokołu Diffiego-Hellmana oraz szyfrowania AES. Dodatkowo pozwala na wykorzystywanie autoryzacji po kluczach (RSA) czy protokole Kerberos.

ZASTOSOWANIE SSH

- W głównej mierze – komunikacja z konsolą serwerową (zdalną)
- Przesyłanie plików na odległość
- Umożliwianie wykorzystania urządzeń w sieciach zdalnych (tunelowanie)
- Operacje zdalne na systemie plików (sshfs)

DZIAŁANIE PROTOKOŁU

SSH Authentication



<https://vandana759.files.wordpress.com/2017/06/sshauthentication.png>

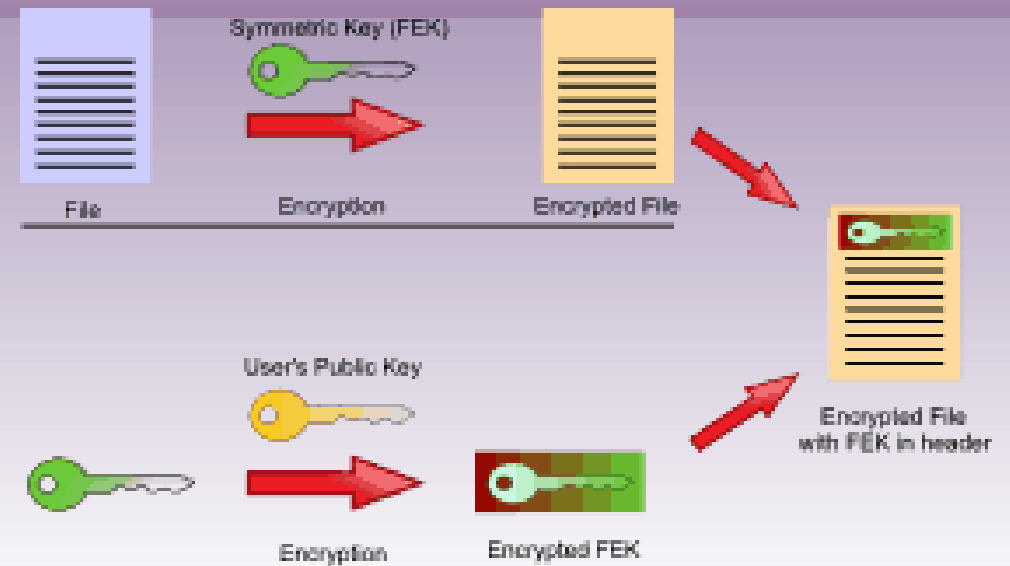
SZYFROWANIE PLIKÓW I KATALOGÓW

- Coraz większą wagę przykładą się do ochrony zapisanych danych na urządzeniach pamięci masowej
- Coraz częściej dochodzi do naruszenia prywatności danych, w tym domniemania pozyskania/usunięcia ważnych informacji
- Coraz większa potrzeba zabezpieczenia co ważniejszych danych

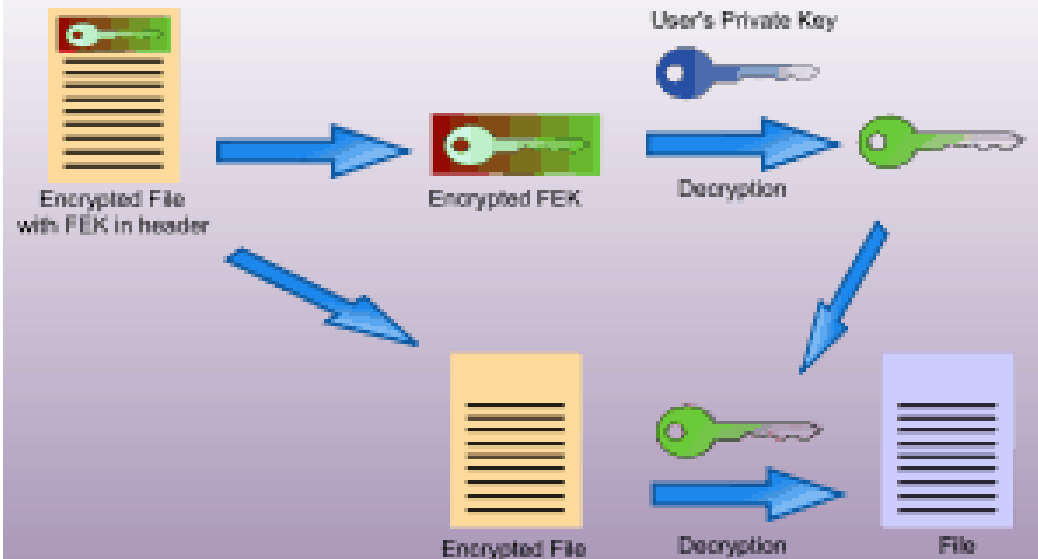
EFS

- https://www.google.com/url?sa=i&url=https%3A%2F%2Fnetworkencyclopedia.com%2Fencrypting-file-system-efs%2F&psig=AOvVaw0CPV_3P7wNqhOwGYGDW7um&ust=1610832917024000&source=images&cd=vfe&ved=0CAkQjhxqFwoTCMiskrDynu4CFQAAAAAdAAAAABAY

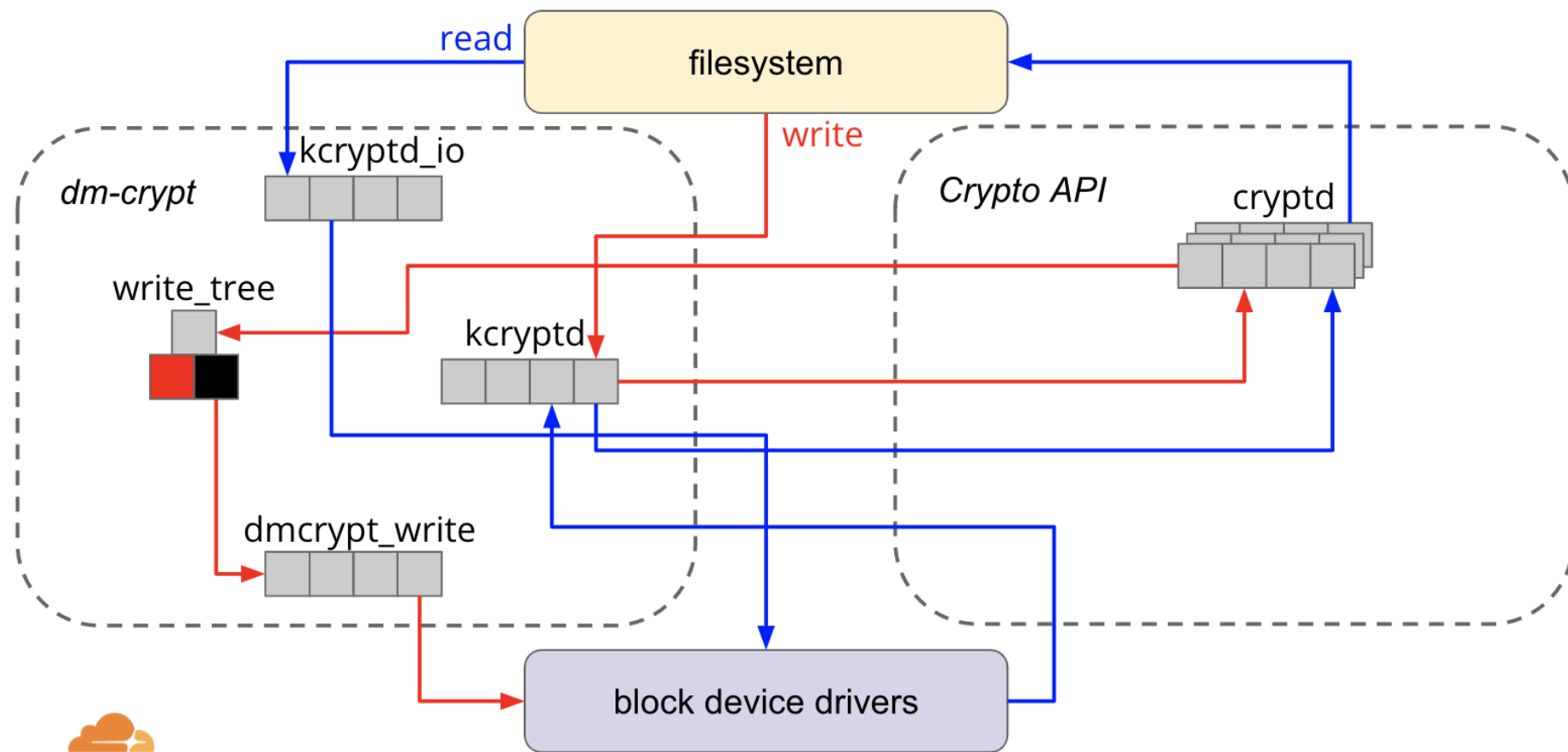
FILE ENCRYPTION



FILE DECRYPTION



FSCRYPT



BITLOCKER

- https://images.slideplayer.com/42/11313417/slides/slide_6.jpg

AES-CBC + diffuser

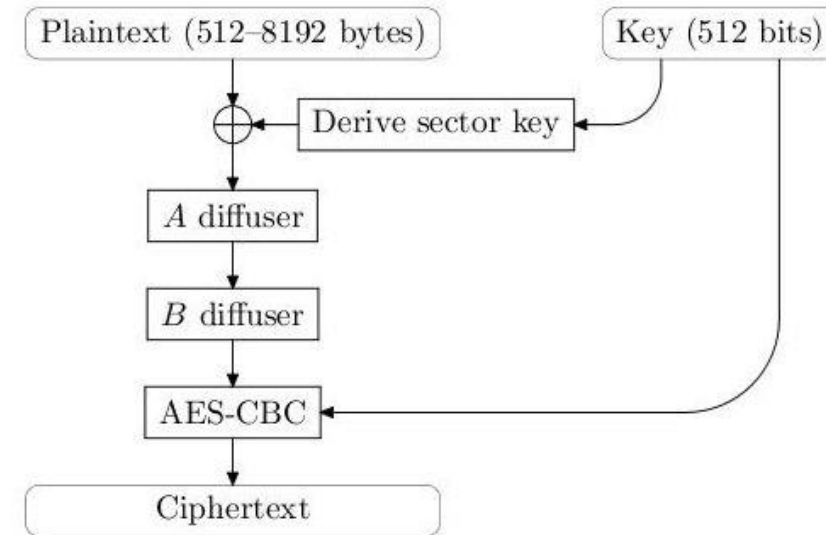
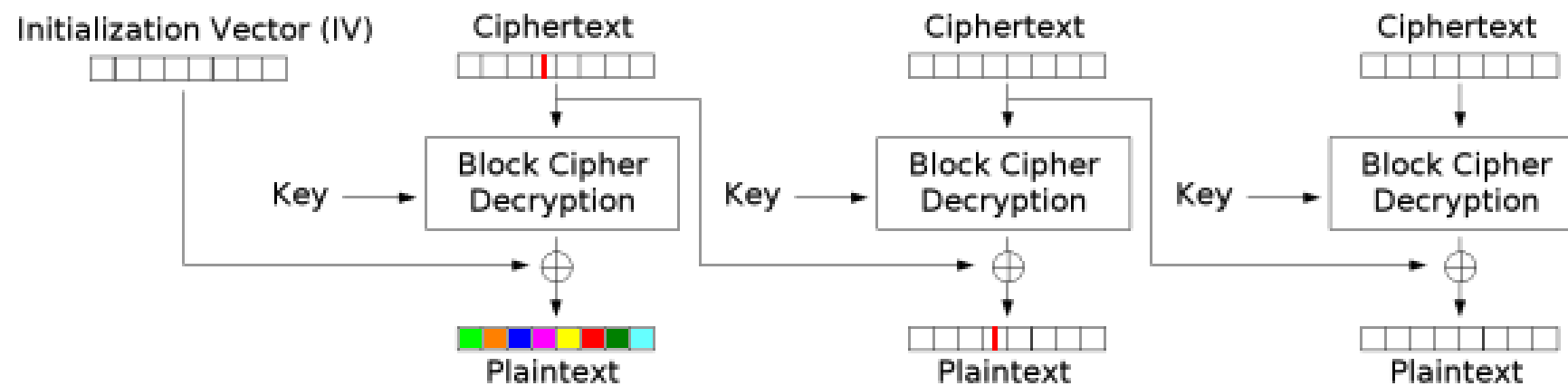


Figure 1: An overview of AES-CBC + diffuser

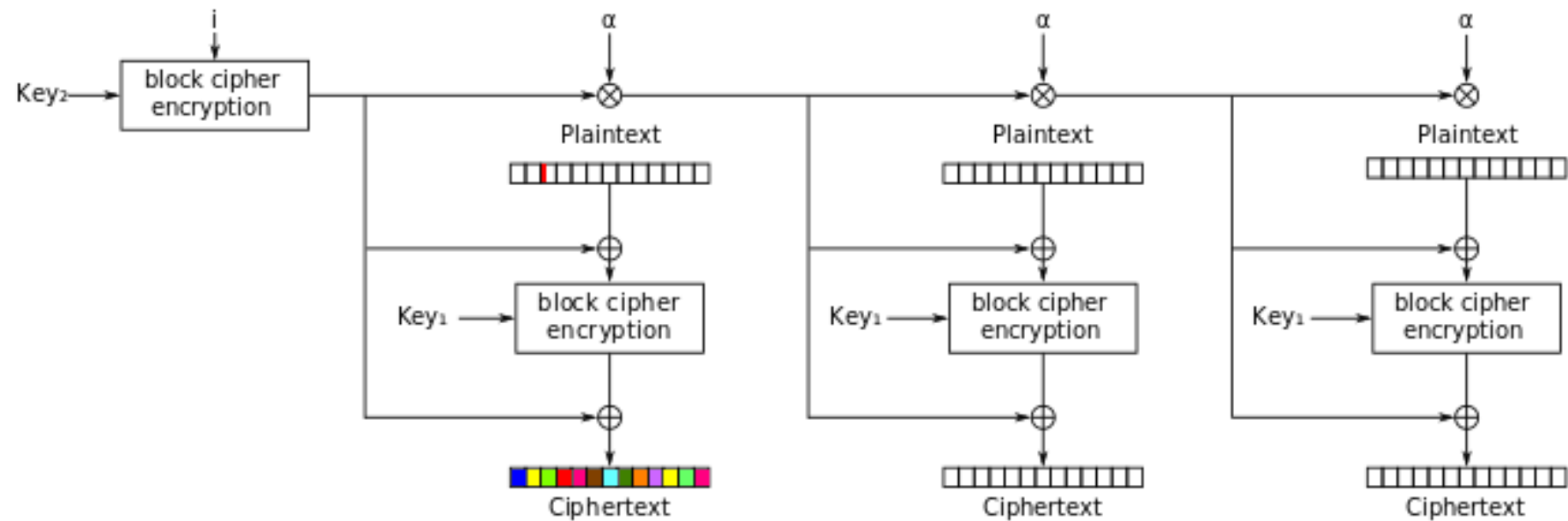
- Block size can be anything between 512-8192 (any power of 2)
- Plaintext is XORed with a sector key -> Plaintext runs through 2 un-keyed diffuser -> Plaintext is encrypted with AES-CBC
 - The sector key and the AES-CBC key are independent keys
 - (256 + 256) lower keys are possible, which means unused bits (128)

BITLOCKER CDC-AES



Cipher Block Chaining (CBC) mode decryption

BITLOCKER XST



XEX with tweak and ciphertext stealing (XTS) mode encryption

CBC VS XST

$$C_i = E_K(C_{i-1} \oplus P_i).$$

$$X = E_K(I) \otimes \alpha^j,$$
$$C = E_K(P \oplus X) \oplus X,$$

where:

P is the plaintext,

I is the number of the sector,

α is the primitive element of $\mathbf{GF}(2^{128})$ defined by polynomial x ; i.e., the number 2,

j is the number of the block within the sector.

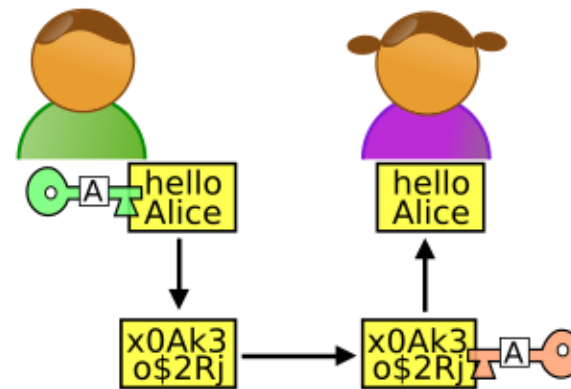
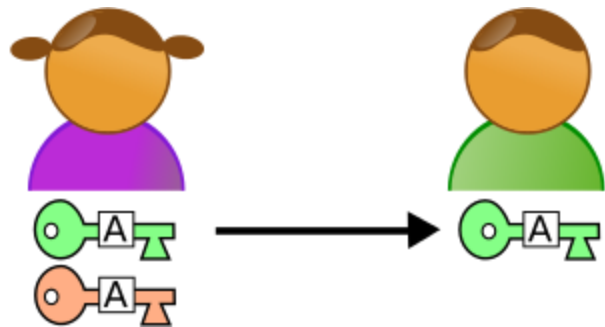
INNE ROZWIĄZANIA SZYFRUJĄCE DANE

- TrueCrypt (niebezpieczny!)
- VeraCrypt
- LUKS (cryptsetup)
- dm-crypt

KRYPTOGRAFIA ASYMETRYCZNA

- Składa się z co najmniej dwóch kluczy
- Jeden z kluczy możemy dystrybuować w nieograniczonej ilości
- Drugi (prywatny) musimy zachować w poufności, w mało dostępnym miejscu
- Całość opiera się na funkcjach jednokierunkowych
- Przykładowo potęgowanie modulo a logarytmowanie dyskretne

DZIAŁANIE KRYPTOGRAFII ASYMETRYCZNEJ



RSA (RIVEST-SHAMIR-ADLEMAN)

- Zaprojektowany w 1977
- Możliwy do wykorzystania przy szyfrowaniu i podpisie cyfrowym
- Operuje na dużych liczbach pierwszych; losowość oraz trudność procesu tzw. Faktoryzacji decyduje o zabezpieczeniach wdrażanego algorytmu

RSA - DZIAŁANIE

W celu wygenerowania pary kluczy (prywatnego i publicznego):

- wybrać losowo dwie duże liczby pierwsze p i q (najlepiej w taki sposób, aby obie miały zbliżoną długość w bitach, ale jednocześnie były od siebie odległe wartościami).
- Obliczyć wartość $n = pq$.
- Obliczyć wartość funkcji Eulera dla n : $\phi(n) = (p-1)(q-1)$
- Wybierać liczbę e ($1 < e < \phi(n)$) względnie pierwszą z $\phi(n)$.
- Znaleźć liczbę d , gdzie jej różnica z odwrotnością modularną liczby e jest podzielna przez $\phi(n)$:
- $d \equiv e^{-1} \pmod{\phi(n)}$.
- Ta liczba może być też prościej określona wzorem:
- $d \cdot e \equiv 1 \pmod{\phi(n)}$.

Klucz publiczny jest definiowany jako para liczb (n, e) , natomiast kluczem prywatnym jest para (n, d) .

RSA - PRZYKŁAD

Calculation of Modulus And Totient ☸

Lets choose two primes: $p = 11$ and $q = 13$. Hence the modulus is $n = p \times q = 143$.
The totient of n $\phi(n) = (p - 1) \cdot (q - 1) = 120$.

Key Generation ☸

For the public key, a random prime number that has a greatest common divisor (gcd) of 1 with $\phi(n)$ and is less than $\phi(n)$ is chosen. Let's choose 7 (note: both 3 and 5 do not have a gcd of 1 with $\phi(n)$). So $e = 7$, and to determine d , the secret key, we need to find the inverse of 7 with $\phi(n)$. This can be done very easily and quickly with the *Extended Euclidean Algorithm*, and hence $d = 103$. This can be easily verified: $e \cdot d = 1 \pmod{\phi(n)}$ and $7 \cdot 103 = 721 = 1 \pmod{120}$.

Encryption/Decryption ☸

Lets choose our plaintext message, m to be 9:

Encryption:

$$m^e \pmod n = 9^7 \pmod{143} = 48 = c$$

Decryption:

$$c^d \pmod n = 48^{103} \pmod{143} = 9 = m$$

DIGITAL SIGNATURE ALGORITHM (DSA), ALGORYTM PODPISU CYFROWEGO

- Stworzony dla podpisów cyfrowych
- Wykorzystuje koncepcję modularnego potęgowania i dyskretnego problemu logarytmu
- Tak jak RSA – jest jednokierunkowy

GENEROWANIE

Generacja klucza

Generowanie klucza ma dwie fazy. Pierwsza faza to wybór parametrów algorytmu, które mogą być współdzielone przez różnych użytkowników systemu, podczas gdy druga faza polega na obliczeniu jednej pary kluczy dla jednego użytkownika.

Generowanie parametrów

- Wybierz zatwierdzoną kryptograficzną funkcję skrótu z wyjściowymi bitami długości L . W oryginalnym DSS zawsze był SHA-1, ale silniejsze funkcje skrótu SHA-2 są zatwierdzone do użytku w obecnym DSS. Jeśli jest większa niż długość modułu n , używane są tylko skrajne lewe bity wyniku skrótu. $H|H|H|H|NN$
- Wybierz długość klucza k . Pierwotny DSS ograniczał się do wielokrotności 64 między 512 a 1024 włącznie. NIST 800-57 zaleca długości 2048 (lub 3072) dla kluczy z okresami ważności zabezpieczeń wykraczającymi poza 2010 (lub 2030). LL
- Wybierz taką długość modułu n , że i . FIPS 186-4 określa i ma jedną z wartości: (1024, 160), (2048, 224), (2048, 256) lub (3072, 256). $NN < LN \leq |H|LN$
- Wybierz n -bitową liczbę pierwszą q . Nq
- Wybierz n -bitową liczbę pierwszą taką, że $n - 1$ jest wielokrotnością q . $Lppq$
- Wybierz liczbę całkowitą losowo z $\{2 \dots p - 2\}$
- Oblicz g . W rzadkich przypadkach spróbuj ponownie z innym h . Powszechnie używany. To **modularne potęgowanie** można skutecznie obliczyć, nawet jeśli wartości są duże. $g := h^{(p-1)/q} \pmod{p}$ $pg = 1$ $hh = 2$

Parametry algorytmu są (p, q, g, h) . Mogą być współdzielone przez różnych użytkowników systemu. $ppqg$

Klucze dla użytkownika

Biorąc pod uwagę zestaw parametrów, druga faza oblicza parę kluczy dla pojedynczego użytkownika:

- Wybierz liczbę całkowitą losowo z $\{1 \dots q - 1\}$
- Oblicz $y := g^x \pmod{p}$

x jest kluczem prywatnym i y jest kluczem publicznym.

https://pl.qaz.wiki/wiki/Digital_Signature_Algorithm

PRZYKŁAD GENEROWANIA

Example of DSA signing by Alice

In practice, q is a 160-bit prime and h is a 160-bit integer representative of the SHA-1 hash of the message M , but the algorithm still works for our small numbers.

INPUT: Domain parameters ($p = 283, q = 47, g = 60$)

INPUT: Alice's private key, $a = 24$

INPUT: Message M with message digest $h = \text{Hash}(M) = 41$.

1. Alice chooses a random $k = 15$ in the range $[1, q - 1]$
2. Alice computes $X = g^k \bmod p = 60^{15} \bmod 283 = 207$ and $r = X \bmod q = 207 \bmod 47 = 19$.
 $r \neq 0$ so continue.
3. Alice computes $k^{-1} \bmod q = 15^{-1} \bmod 47 = 22$.
4. Alice computes $h = \text{Hash}(M) = 41$.
5. Alice computes $s = k^{-1}(h + ar) \bmod q = 22(41 + 24 \cdot 19) \bmod 47 = 30$.
 $s \neq 0$ so continue.
6. Alice issues the message M and signature $(r, s) = (19, 30)$.

PRZYKŁAD GENEROWANIA

Example of DSA verification by Bob (or anyone)

INPUT: Domain parameters ($p = 283, q = 47, g = 60$)

INPUT: Alice's public key, $A = 158$

INPUT: Message M with message digest $h = \text{Hash}(M) = 41$.

INPUT: Signature $(r, s) = (19, 30)$.

1. Bob verifies that $0 < r = 19 < 47$ and $0 < s = 30 < 47 \Rightarrow$ OK, so continue.
2. Bob computes $w = s^{-1} \bmod q = 30^{-1} \bmod 47 = 11$.
3. Bob computes $h = \text{Hash}(M) = 41$.
4. Bob computes $u_1 = hw \bmod q = 41 \cdot 11 \bmod 47 = 28$ and $u_2 = rw \bmod q = 19 \cdot 11 \bmod 47 = 21$.
5. Bob computes $X = g^{u_1} A^{u_2} \bmod p = 60^{28} \cdot 158^{21} \bmod 283 = 106 \cdot 42 \bmod 283 = 207$ and $v = X \bmod q = 207 \bmod 47 = 19$.
6. Bob checks that $v = 19 = r$, so he accepts the signature.

PODATNOŚCI DSA

- entropia, tajność i niepowtarzalność losowej wartości podpisu są krytyczne.
- Do ujawnienia klucza prywatnego wystarczy dwukrotne użycie tej samej wartości (nawet z zachowaniem tajemnicy), użycie przewidywalnej wartości lub wyciek nawet kilku bitów w każdym z kilku podpisów .
- Ten problem dotyczy zarówno DSA, jak i ECDSA - w grudniu 2010 roku grupa nazywająca się fail0verflow ogłosiła odzyskanie klucza prywatnego ECDSA używanego przez Sony do podpisywania oprogramowania dla konsoli do gier PlayStation 3 .
- Problemowi temu można zapobiec, określając deterministycznie wyprowadzanie z klucza prywatnego i skrótu wiadomości, zgodnie z opisem w dokumencie RFC 6979 . Gwarantuje to, że jest inny dla każdego i nieprzewidywalny dla atakujących, którzy nie znają klucza prywatnego .
- Ponadto złośliwe implementacje DSA i ECDSA mogą zostać utworzone, jeśli zostanie to wybrane w celu pośredniego wycieku informacji za pośrednictwem podpisów.

PODPIS CYFROWY

Wiadomość jest podpisana w następujący sposób: m

- Wybierz liczbę całkowitą losowo z $k\{1 \dots q - 1\}$
- Oblicz $r := (g^k \bmod p) \bmod q$. W mało prawdopodobnym przypadku zacznij ponownie od innego losowego $r := (g^k \bmod p) \bmod q = 0$
- Oblicz $s := (k^{-1} (H(m) + xr)) \bmod q$. W mało prawdopodobnym przypadku zacznij ponownie od innego losowego $s := (k^{-1} (H(m) + xr)) \bmod q = 0$

Podpis jest (r, s)

ELGAMAL

- Oparty na problemie logarytmu dyskretnego w ciele liczb całkowitych modulo z dużej liczby pierwszej
- Tak jak RSA, pozwala zarówno na wykonanie podpisu, jak i zaszyfrować/odszyfrować dowolne dane

GENEROWANIE KLUCZA

Generowanie klucza: wybieramy dowolną liczbę pierwszą p , dowolny generator α podgrupy multiplikatywnej, tzn. taki element, którego rząd jest równy $p - 1$, oraz dowolne k takie, że: $1 < k < p$. Liczymy β

$$\beta = \alpha^k \pmod{p},$$

co potrafimy zrobić szybko za pomocą [potęgowania przez podnoszenie do kwadratu](#).

Gdyby α było dowolne to przykładowo dla:

$$p = 41, \alpha = 14, k = 16 \text{ otrzymalibyśmy:}$$

$$\beta = 14^{16} \pmod{41} = 1,$$

co spowodowałoby, że kryptosystem byłby beużyteczny (gdyż przy szyfrowaniu zawsze otrzymywalibyśmy 1).

Następnie publikujemy (p, α, β) jako [klucz publiczny](#) i zachowujemy (p, α, β, k) jako klucz prywatny.

Szyfrowanie: mając do zaszyfrowania wiadomość m , przedstawiamy ją jako element grupy [$1 < m < p - 1$] wybieramy losowo liczbę x i liczymy (modulo p)

$$(\alpha^x, m \times \beta^x).$$

Deszyfrowanie: podnosimy otrzymane α^x do potęgi k :

$$(\alpha^x)^k = \alpha^{kx} = (\alpha^k)^x = \beta^x.$$

Następnie znajdujemy odwrotność β^x (nadal modulo p) [rozszerzonym algorytmem Euklidesa](#):

$$\gamma\beta^x + \delta p = 1,$$

$$\gamma\beta^x \equiv 1 \pmod{p},$$

$$\gamma \equiv (\beta^x)^{-1} \pmod{p}.$$

W końcu dzielimy $m \times \beta^x$ przez β^x , czyli mnożymy przez jej odwrotność – γ :

$$(m \times \beta^x) \times \gamma \equiv m \times (\beta^x \times \gamma) \equiv m \times 1 \equiv m \pmod{p}.$$

PODPIS CYFROWY

Żeby wygenerować podpis wiadomości m , losujemy liczbę r i liczymy:

$$y = \alpha^r \pmod{p},$$
$$s = (H(m) - ky)r^{-1} \pmod{p-1}, \text{ gdzie } H \text{ jest funkcją haszującą.}$$

Podpisem jest para (y, s)

Żeby zweryfikować podpis, sprawdzamy równanie:

$$\beta^y y^s = \alpha^{H(m)}.$$

Dla prawidłowego podpisu będzie się zgadzać:

$$\alpha^{ky} \alpha^{rs} = \alpha^{H(m)},$$
$$\alpha^{ky+r((H(m)-ky)r^{-1})} = \alpha^{H(m)},$$
$$\alpha^{ky+H(m)-ky} = \alpha^{H(m)},$$
$$\alpha^{H(m)} = \alpha^{H(m)}.$$

Ważne jest zachowanie tajności wylosowanego r . Jeśli r byłoby znane, to można by odzyskać klucz prywatny z podpisu:

$$y^{-1} (H(m) - sr) = y^{-1} (H(m) - (H(m) - ky)r^{-1}r) = y^{-1}ky = k.$$

CIPHER BLOCK CHAINING – CBC

Operacje wykorzystywane podczas szyfrowania wyglądają następująco:

$$C_0 = IV$$

$$C_i = E(P_i \oplus C_{i-1})$$

natomiast podczas deszyfrowania tak:

$$P_i = D(C_i) \oplus C_{i-1}$$

CTR

- Wybierana jest jawna funkcja, która na podstawie pozycji bloku danych względem początku strumienia generuje ciąg danych o długości równej długości bloku szyfru blokowego; wymagane jest, by funkcja ta zwracała wartości pseudolosowe.
- Wartość funkcji przekształcana jest za pomocą szyfru blokowego.
- Wynik operacji jest składany z wiadomością za pomocą operacji XOR; w ten sposób uzyskiwany jest fragment szyfrogramu.

[https://pl.wikipedia.org/wiki/CTR_\(tryb_licznikowy\)](https://pl.wikipedia.org/wiki/CTR_(tryb_licznikowy))

ALGORYTM RABINA

- Stworzony do podpisów cyfrowych
- Zaprojektowany i zaprezentowany przez Michael Oser Rabin w roku 1978
- Podpis przypomina RSA z exponent $e=2$, co z kolei znacznie poprawia bezpieczeństwo bezpośrednio powiązane z faktoryzacją
- Nie jest jednak w pełni ustandaryzowany, co przekłada się na rzadsze wykorzystanie w stosunku do RSA

GENEROWANIE PODPISU

Public key

A public key is a pair of integers (n, b) with $0 \leq b < n$ and n odd.

Signature

A signature on a message m is a pair (u, x) of a k -bit string u and an integer x such that

$$x(x + b) \equiv H(m, u) \pmod{n}.$$

Private key

The private key for a public key (n, b) is the secret odd prime factorization $p \cdot q$ of n , chosen uniformly at random from some space of large primes. Let $d = (b/2) \pmod{n}$, $d_p = (b/2) \pmod{p}$, and $d_q = (b/2) \pmod{q}$. To make a signature on a message m , the signer picks a k -bit string u uniformly at random, and computes $c := H(m, u)$. If $c + d^2$ is a [quadratic nonresidue](#) modulo n , then the signer throws away u and tries again. Otherwise, the signer computes

$$x_p := \left(-d_p \pm \sqrt{c + d_p^2} \right) \pmod{p}$$
$$x_q := \left(-d_q \pm \sqrt{c + d_q^2} \right) \pmod{q},$$

using a [standard algorithm for computing square roots modulo a prime](#)—picking $p \equiv q \equiv 3 \pmod{4}$ makes it easiest. Square roots are not unique, and different variants of the signature scheme make different choices of square root;^[4] in any case, the signer must ensure not to reveal two different roots for the same hash c . The signer then uses the [Chinese remainder theorem](#) to solve the system

$$x \equiv x_q \pmod{n}$$
$$x \equiv x_p \pmod{n}$$

for x . The signer finally reveals (u, x) .

Correctness of the signing procedure follows by evaluating $x(x + b) - H(m, u)$ modulo p and q with x as constructed. For example, in the simple case where $b = 0$, x is simply a square root of $H(m, u)$ modulo n . The number of trials for u is geometrically distributed with expectation around 4, because about 1/4 of all integers are quadratic residues modulo n .

MATERIAŁY I ŹRÓDŁA

- <https://jchost.pl/blog/ssl/>
- <https://mfiles.pl/pl/index.php/TLS>
- https://pl.wikipedia.org/wiki/Transport_Layer_Security
- <https://sites.google.com/site/tlssloverview/ssl-tls-protocol-layers/record-layer>
- <https://www.ssh.com/ssh/protocol/>
- <https://panel.kylos.pl/knowledgebase/75/Co-to-jest-SSH-i-do-czego-mozna-go-wykorzystac.html>
- <https://www.ovh.pl/hosting/ssh.xml>
- https://pl.wikipedia.org/wiki/Secure_Shell
- <https://cryptoservices.github.io/fde/2014/12/08/code-execution-in-spite-of-bitlocker.html>
- https://en.wikipedia.org/wiki/Disk_encryption_theory

MATERIAŁY I ŹRÓDŁA

- <https://www.dobreprogramy.pl/BitLocker-bez-tajemnic,News,11349.html>
- <http://doctrina.org/How-RSA-Works-With-Examples.html>
- [https://pl.wikipedia.org/wiki/RSA_\(kryptografia\)](https://pl.wikipedia.org/wiki/RSA_(kryptografia))
- <https://asecuritysite.com/encryption/elgamal>
- <https://pl.wikipedia.org/wiki/ElGamal>
- https://en.wikipedia.org/wiki/Rabin_signature_algorithm